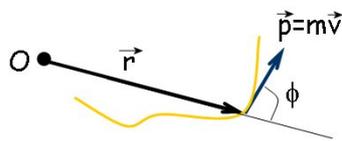


El momento angular o cinético con respecto a un punto arbitrario O (fijo en un cierto sistema de referencia inercial) de una partícula de masa  $m$  y velocidad  $\mathbf{v}$  (en ese mismo sistema de referencia) o sea, de cantidad de movimiento  $\mathbf{p}=m\mathbf{v}$ , se define como el producto vectorial:

$$\mathbf{L}_O = \mathbf{r} \times m\mathbf{v} = \mathbf{r} \times \mathbf{p}$$

donde  $\mathbf{r}$  es el vector de posición de la partícula con respecto al punto O ( $\mathbf{r}=\mathbf{OP}$ ).



De acuerdo con la definición anterior, el momento angular de una partícula con respecto a un punto dado es el momento de la cantidad de movimiento de la partícula con respecto a dicho punto.

El momento angular es un vector perpendicular al plano definido por el punto arbitrario (O) elegido como origen de momentos y la recta directriz de la cantidad de movimiento de la partícula, su sentido es el determinado por la regla de la mano derecha o del tornillo para el producto vectorial y su módulo viene dado por:

$$L_O = r p \sin\phi = p d$$

donde  $d$  es el llamado brazo de la cantidad de movimiento con respecto al punto O elegido y representa la distancia de dicho punto a la recta directriz del vector  $\mathbf{p}$ .

En general, el momento angular de una partícula cambia en módulo y en dirección conforme ésta se mueve. Sin embargo, si la trayectoria de la partícula está contenida en un plano y elegimos como centro y origen de momentos un punto O contenido en dicho plano, la dirección del momento angular permanecerá constante, es decir, perpendicular a dicho plano, por estar contenido en él tanto  $\mathbf{r}$  como  $\mathbf{p}$ .

Ahora partimos de la expresión que relaciona el momento de las fuerzas con la variación temporal del momento angular:

$$\mathbf{M}_O = \frac{d\mathbf{L}_O}{dt}$$

Se denominan fuerzas centrales a aquellas en las que el vector de posición  $\mathbf{r}$  es paralelo al vector fuerza  $\mathbf{F}$ . El momento de la fuerza por tanto es nulo, ya que será:

$$|\mathbf{M}_O| = |\mathbf{r} \times \mathbf{F}| = r F \sin\theta = r F \sin 0^\circ = 0$$

De la relación entre el momento de las fuerzas que actúa sobre la partícula y el momento angular, (teorema del momento angular) se concluye que:

$$\mathbf{M}_O = \frac{d\mathbf{L}_O}{dt} \Rightarrow \mathbf{M}_O = 0 \Rightarrow \mathbf{L}_O = \text{cte}$$

El momento angular permanece constante en módulo, dirección y sentido. El momento angular  $\mathbf{L}_O$  de una partícula es el vector resultado del producto vectorial  $\mathbf{L}_O = \mathbf{r} \times m\mathbf{v}$ , cuya dirección es perpendicular al plano determinado por el vector posición  $\mathbf{r}$  y el vector velocidad  $\mathbf{v}$ . Como el vector  $\mathbf{L}_O$  permanece constante en dirección,  $\mathbf{r}$  y  $\mathbf{v}$  estarán en un plano perpendicular a la dirección fija de  $\mathbf{L}_O$ . De aquí, se concluye que la trayectoria del móvil estará contenida en un plano perpendicular al vector momento angular  $\mathbf{L}_O$ .