



Cuando tenemos en cuenta el movimiento relativo a la Tierra la aceleración gravitatoria efectiva o aparente ( $\mathbf{g}^*$ ) es:

$$\mathbf{g}^* = \mathbf{g} - \boldsymbol{\omega} \times \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r} - 2\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{v}_r$$

donde  $\mathbf{g}$  es la aceleración de la gravedad que medimos “clásicamente”, el término  $\boldsymbol{\omega} \times \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}$  tiene en cuenta la aceleración centrípeta de la Tierra al girar y  $2\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{v}_r$  es la aceleración de Coriolis. En un sistema como el que tenemos en la figura (donde  $\lambda$  representaría la latitud), los términos que aparecen valen:

$$\mathbf{g} = -g\mathbf{k}$$

$$\boldsymbol{\omega} = -\omega \cos \lambda \mathbf{i} + \omega \sin \lambda \mathbf{k}$$

$$\mathbf{r} = R\mathbf{k}$$

Si  $\mathbf{v}_r = v_r \mathbf{i}$  tenemos que:

$$-\boldsymbol{\omega} \times \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r} = \omega^2 R \sin \lambda \cos \lambda \mathbf{i} + \omega^2 R \cos^2 \lambda \mathbf{k}$$

$$2\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{v}_r = 2v_r \omega \sin \lambda \mathbf{j}$$

Por tanto:

$$\begin{aligned} \mathbf{g}^* &= \mathbf{g} - \boldsymbol{\omega} \times \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r} - 2\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{v}_r = -g\mathbf{k} + \omega^2 R \sin \lambda \cos \lambda \mathbf{i} + \omega^2 R \cos^2 \lambda \mathbf{k} + 2v_r \omega \sin \lambda \mathbf{j} \\ &= \omega^2 R \sin \lambda \cos \lambda \mathbf{i} + 2v_r \omega \sin \lambda \mathbf{j} + (\omega^2 R \cos^2 \lambda - g)\mathbf{k} \end{aligned}$$

Es obvio que la gravedad efectiva depende de la latitud y por tanto su valor variará del Ecuador a los polos y también depende de la velocidad de rotación de la tierra, pero teniendo en cuenta el valor de dicha velocidad angular  $\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{24 \cdot 3600} = 7.27 \cdot 10^{-5} \text{ rad/s}$ , y que aparece en todos los términos, puede tomarse (salvo en casos en que deseemos unos valores muy precisos) el valor de la aceleración la gravedad constante e igual al clásico, es decir:

$$\mathbf{g}^* = \mathbf{g} = -9.8\mathbf{k} \text{ m/s}^2$$