

Se denomina sistema centro de masas a un sistema de referencia con ejes que mantienen constante su dirección y cuyo origen coincide en todo momento con el centro de masas del sistema. Este sistema no tiene por qué ser inercial.

Notemos que respecto al centro de masas:

$$r_{CM}+r'_{i}=r_{i} \Rightarrow r'_{i}=r_{i}-r_{CM}$$

Además tenemos que:

$$\mathbf{r_{CM}^{(CM)}} = 0 = \frac{\displaystyle\sum_{i=1}^{N} m_i \mathbf{r'_i}}{\displaystyle\sum_{i=1}^{N} m_i} \Longrightarrow \sum_{i=1}^{N} m_i \mathbf{r'_i} = 0$$

Derivando la expresión anterior:

$$\frac{d}{dt}\sum_{i=1}^{N}m_{i}\boldsymbol{r'_{i}}=\sum_{i=1}^{N}m_{i}\boldsymbol{v'_{i}}=0 \Longrightarrow \boldsymbol{P'}=\boldsymbol{P^{(CM)}}=\sum_{i=1}^{N}m_{i}\boldsymbol{v'_{i}}=0$$

Respecto al centro de masas la cantidad de movimiento es siempre nula.