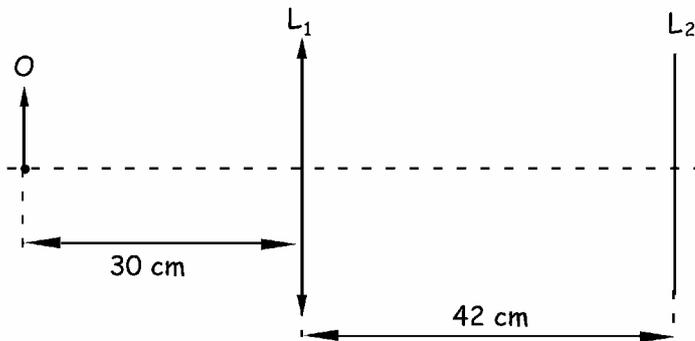


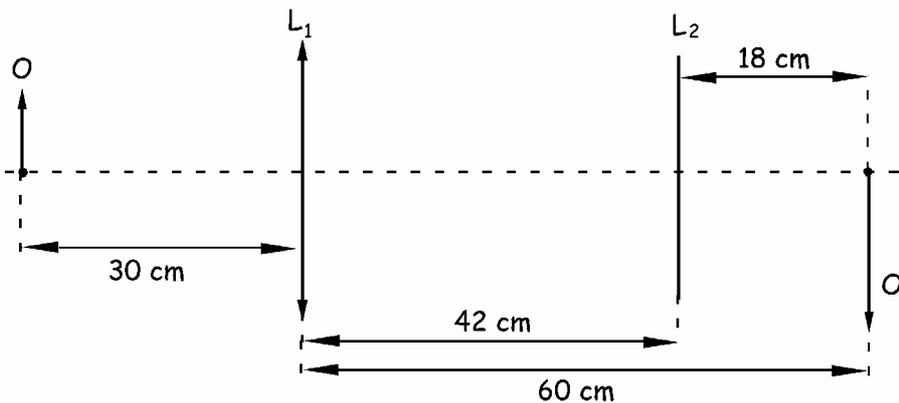
a) Tendremos inicialmente lo que muestra la figura.



La lente L_1 , por ser biconvexa, es convergente. Como no sabemos qué tipo de lente es L_2 , sólo marcaremos su posición, a 42 cm de L_1 . Para esta primera lente el objeto es O y la imagen O' . Aplicando la ecuación de las lentes delgadas:

$$-\frac{1}{S_1} + \frac{1}{S'_1} = \frac{1}{f'_1} \Rightarrow -\frac{1}{-30} + \frac{1}{S'_1} = \frac{1}{20} \Rightarrow S'_1 = 60 \text{ cm}$$

Por tanto la imagen O' está 60 cm a la derecha de L_1 , o lo que es lo mismo, $(60-42)=18$ cm a la derecha de L_2 .



El aumento lateral de esta lente es:

$$\beta_1 = \frac{S'_1}{S_1} = \frac{60}{-30} = -2$$

Pasamos ahora a la lente L_2 , para la cual el objeto es O' y la imagen será la imagen final O'' . Sabemos que la imagen final es invertida (aumento lateral negativo) y del mismo tamaño que el objeto ($y''=y$), de modo que el aumento lateral será:

$$\beta = -\frac{|y''|}{|y|} = -\frac{|y|}{|y|} = -1$$

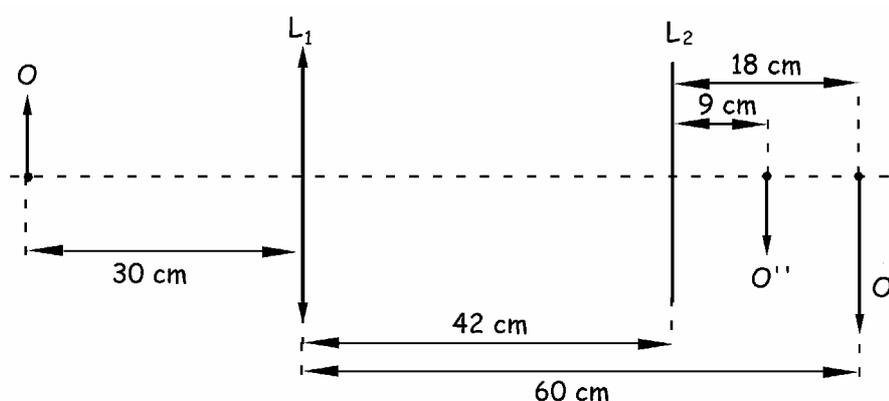
Como sabemos el aumento lateral de L_1 podemos determinar el de L_2 :

$$\beta = \beta_1 \beta_2 \Rightarrow \beta_2 = \frac{\beta}{\beta_1} = \frac{-1}{-2} = \frac{1}{2}$$

Y como para la lente L_2 conocemos la distancia objeto, podemos saber la imagen:

$$\beta_2 = \frac{S'_2}{S_2} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{S'_2}{18} \Rightarrow S'_2 = \frac{18}{2} = 9 \text{ cm}$$

Por tanto O'' se encuentra a la derecha de L_2 y a 9 cm de ella.



Si aplicamos a esta lente la ecuación correspondiente:

$$-\frac{1}{S_2} + \frac{1}{S'_2} = \frac{1}{f'_2} \Rightarrow -\frac{1}{18} + \frac{1}{9} = \frac{1}{f'_2} \Rightarrow f'_2 = 18 \text{ cm}$$

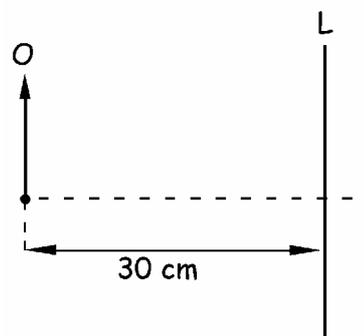
$$\underline{f_2 = 18 \text{ cm}}$$

b) Ahora tendremos una única lente (aunque formada a su vez por L_1 y L_3) que llamaremos L . El objeto sigue estando 30 cm a la izquierda de la lente. Sabemos el aumento lateral, ya que la imagen es invertida (aumento lateral negativo) y mide el 80% del objeto ($y' = 0.8y$); así pues:

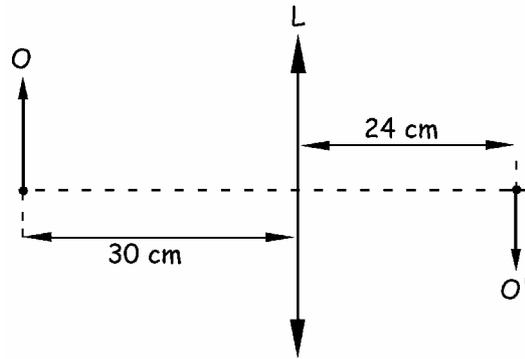
$$\beta = -\frac{|y'|}{|y|} = -\frac{|0.8y|}{|y|} = -0.8$$

Como el objeto se encuentra 30 cm a la izquierda de las lentes, la imagen estará:

$$\beta = \frac{S'}{S} \Rightarrow -0.8 = \frac{S'}{-30} \Rightarrow S' = 30 \cdot 0.8 = 24 \text{ cm}$$



La imagen se forma a la derecha de las lentes y a 24 cm de ellas. Además, puesto que la imagen es real la lente L es convergente. Si ahora aplicamos a esta lente compuesta la ecuación de las lentes:

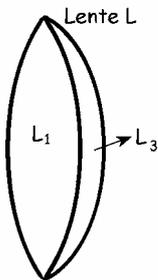


$$-\frac{1}{S} + \frac{1}{S'} = \frac{1}{f'} \Rightarrow \frac{1}{-30} + \frac{1}{24} = \frac{1}{f'} \Rightarrow f' = 13.33 \text{ cm}$$

Vemos que efectivamente, puesto que la lente es convergente su distancia focal es positiva. La lente L está formada por la yuxtaposición de L_1 y L_3 . Como las potencias de las lentes son aditivas:

$$P = P_1 + P_3 \Rightarrow \frac{1}{f'} = \frac{1}{f'_1} + \frac{1}{f'_3} \Rightarrow \frac{1}{13.33} = \frac{1}{20} + \frac{1}{f'_3} \Rightarrow f'_3 = 40 \text{ cm}$$

$$\underline{f'_3 = 40 \text{ cm}}$$



c) La lente L está formada por L_1 , biconvexa y de radios iguales, y L_3 , que es un menisco y tiene sus radios en relación 1 a 2. La única posibilidad es la que muestra la figura, ya que puesto que la focal de la lente L_3 es positiva el menisco debe ser convergente. Así pues tendremos:

$$P = P_1 + P_3 \Rightarrow \frac{1}{f'} = \frac{1}{f'_1} + (n_3 - 1) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

$$\frac{1}{13.33} = \frac{1}{20} + (1.5 - 1) \left(\frac{1}{-r} - \frac{1}{-\frac{r}{2}} \right) \Rightarrow \frac{1}{13.33} = \frac{1}{20} + 0.5 \left(\frac{2}{r} - \frac{1}{r} \right)$$

$$0.05 = \frac{1}{r} \Rightarrow r = 20 \text{ cm}$$

Por tanto tendremos:

$$r_1 = r = 20 \text{ cm}$$

$$\underline{r_1 = 20 \text{ cm}}$$

$$r_2 = \frac{r}{2} = \frac{20}{2} = 10 \text{ cm}$$

$$\underline{r_2 = 10 \text{ cm}}$$