

a) Vamos a aplicar el teorema de las fuerzas vivas entre la posición inicial (1), cuando la masa parte del reposo en $b=0$ y la posición final (2), cuando la barra llega a $b=400$ mm y evidentemente se detiene para invertir el sentido del movimiento. Obviamente, si el punto 2 implica una distancia $b_{\text{máx}}$ es el punto más bajo de la trayectoria y puesto que ésta es una línea recta debe detenerse. Así, tendremos:

$$W_{12} = \Delta E_C$$

Durante el trayecto desde (1) hasta (2) actúan el peso, la fuerza de recuperación elástica y la reacción de la varilla, que será normal. En la posición (1) el resorte debe estar estirado, una cantidad:

$$\Delta l_1 = l_1 - l_0 = 0,3 - 0,2 = 0,1 \text{ m}$$

En la posición (2) la elongación será:

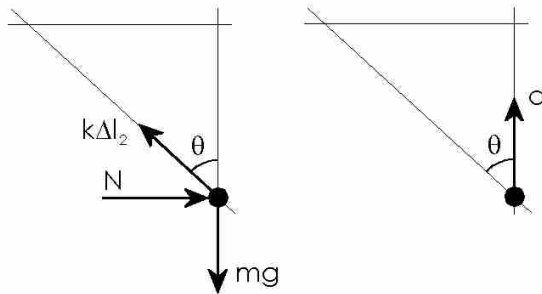
$$\Delta l_2 = l_2 - l_0 = \sqrt{0,4^2 + 0,3^2} - 0,2 = 0,3 \text{ m}$$

Por tanto, tendremos:

$$W_{12} = \Delta E_C \Rightarrow W_{mg} + W_{k\Delta l} + W_N = \Delta E_C \Rightarrow -\Delta U = \Delta E_C \Rightarrow U_1 - U_2 = E_{C2} - E_{C1}$$

$$mg(h_1 - h_2) + \frac{1}{2} k \Delta l_1^2 - \frac{1}{2} k \Delta l_2^2 = 0 \Rightarrow 0,5 \cdot 9,8 \cdot 0,4 + \frac{1}{2} k \cdot 0,1^2 - \frac{1}{2} k \cdot 0,3^2 = 0 \Rightarrow k = 49 \text{ N/m}$$

$$\underline{K=49 \text{ N/m}}$$



b) Ahora vamos a hacer el diagrama de sólido libre de la masa en el punto (2). En cuanto a fuerzas, tendremos el peso, vertical y hacia abajo, la reacción del resorte, de tensión, y la normal, cuyo sentido puede inferirse de la condición de fuerzas nulas en el eje X (ya que el movimiento es unidimensional y vertical). Respecto a la aceleración, como el movimiento es unidimensional será vertical, y su sentido

hacia arriba, ya que en ese momento la velocidad es nula, pero empezará a ascender. Tendremos por tanto lo que aparece en la figura. El ángulo θ lo podemos determinar a través de la tangente:

$$\text{tg}\theta = \frac{0,3}{0,4} \Rightarrow \theta = 36,870^\circ$$

Y ahora aplicamos la segunda ley de Newton:

$$\Sigma F_Y = ma_Y \Rightarrow k \Delta l_2 \cos \theta - mg = ma \Rightarrow 49 \cdot 0,3 \cos 36,870^\circ - 0,5 \cdot 9,8 = 0,5a \Rightarrow a = 13,72 \text{ m/s}^2$$

$$\underline{a=13,72 \text{ m/s}^2}$$

c) La reacción que ejerce la varilla es la normal, que la obtenemos del eje X:

$$\Sigma F_x = \max \Rightarrow N - k \Delta l_2 \sin \theta = 0 \Rightarrow N - 49 \cdot 0,3 \sin 36,870^\circ = 0 \Rightarrow N = 8,82 \text{ N}$$

$$\underline{N = 8,82 \text{ N}}$$

Y puesto que la normal apunta hacia la derecha, el apoyo se realiza por la izquierda:

APOYA POR LA IZQUIERDA